

$$\begin{array}{c}
\frac{[z : B \& A]^z}{\text{snd } z : A} \text{ } (\&E_r) \quad \frac{[z : B \& A]^z}{\text{fst } z : B} \text{ } (\&E_l) \\
\hline
\text{snd } z : A \quad \text{fst } z : B \\
\hline
(\text{snd } z, \text{fst } z) : A \& B \quad (\&I) \\
\hline
\lambda z. (\text{snd } z, \text{fst } z) : (B \& A) \rightarrow (A \& B) \quad (\rightarrow I^z) \quad \frac{[y : B]^y \quad [x : A]^x}{(y, x) : B \& A} \text{ } (\&I) \\
\hline
(\lambda z. (\text{snd } z, \text{fst } z)) (y, x) : A \& B \quad (\rightarrow E) \\
\hline
\downarrow \\
\frac{[y : B]^y \quad [x : A]^x}{(y, x) : B \& A} \text{ } (\&I) \quad \frac{[y : B]^y \quad [x : A]^x}{(y, x) : B \& A} \text{ } (\&I) \\
\hline
\text{snd } (y, x) : A \quad \text{fst } (y, x) : B \\
\hline
(\text{snd } (y, x), \text{fst } (y, x)) : A \& B \quad (\&I) \\
\hline
\downarrow \\
\frac{[x : A]^x \quad [y : B]^y}{(x, y) : A \& B} \text{ } (\&I)
\end{array}$$